文章编号:1671-6833(2019)02-0041-07

### 线性扩张状态观测滤波器的分析与应用

檀盼龙,李益敏,赵相宾,邵 欣

(天津中德应用技术大学智能制造学院,天津 300350)

摘 要:针对控制系统的输出容易受到噪声干扰的问题,提出了一种基于线性扩张状态观测器的滤波 算法.线性扩张状态观测滤波器基于扩张状态观测器对系统状态和扩张状态的精确观测能力,不需要预 先确定测量噪声的统计特征即可对采样频率未知或者采样频率变化的系统输出进行滤波,而且结构简 单,便于实现和调试.分析过程证明了扩张状态观测滤波器的收敛性,并给出了对应的离散表达式.仿真 分析表明,线性扩张状态观测滤波器与卡尔曼滤波器相比具有更快的计算速度和更高的滤波精度,因而 更加实用.在动力翼伞系统风场辨识中的应用进一步说明了扩张状态观测滤波器的有效性.

关键词:扩张状态观测器;滤波器;自抗扰控制;动力翼伞;风场辨识

中图分类号: TP391.9 文献标志码: A doi:10.13705/j.issn.1671-6833.2019.02.003

#### 0 引言

在控制系统中,测量噪声对系统的控制品质 有着重要的影响.在控制系统的数学模型和噪声 统计特征已知的情况下,可以利用卡尔曼滤波器 对系统输出进行滤波,降低测量噪声的干扰<sup>[1]</sup>. 但在实际系统中很难得到精确的数学模型和噪声 的统计特征,控制系统的噪声特征完全未知或者 部分未知,错误的噪声统计特征可能降低卡尔曼 滤波器的滤波精度,甚至使滤波器发散从而导致 滤波失败.为了解决此问题,Sage 和 Husa 提出了 一种在线计算系统噪声 Q 和测量噪声 R 的自适 应卡尔曼滤波算法,并在非线性和复杂系统的滤 波处理中得到了应用.然而,由于每次滤波都需要 对Q 或者 R 进行在线估计,滤波的复杂度增加, 在实际使用时无法保证滤波结果的实时性<sup>[3]</sup>.

韩京清提出的自抗扰控制技术具有较强的抗 干扰能力和解决不确定性问题的能力<sup>[4]</sup>,在不依 赖控制系统数学模型的情况下依靠扩张状态观测 器(extended state observer,ESO)降低测量噪声和 系统扰动对控制系统的影响.自抗扰控制技术已 经在许多实验系统和实际工程中得到了检 验<sup>[5-7]</sup>,受到了研究人员的广泛重视.

自抗扰控制技术包括跟踪微分器(tracking

differentiator, TD)、ESO 和非线性 PID 3 部分<sup>[8]</sup>, 其中 ESO 是自抗扰控制技术的核心部分.非线 性 ESO 将系统的扰动扩张成系统的一阶新的状态,根据"大误差小增益,小误差大增益"的原则,利用特定的非线性误差反馈对原系统进行 状态观测.适当地选择扩张状态观测器的参数 可以得到包括系统总干扰信息在内的所有系统 状态观测值.进一步的研究表明,根据经典控制 论中的极点配置方法将扩张状态观测器的误差 反馈线性化<sup>[9]</sup>,设计出线性扩张状态观测器 (linear ESO, LESO),可以在保证观测能力的情 况下减少参数个数,降低参数调整的复杂度,便 于工程应用<sup>[10]</sup>.

宋金来等<sup>[11]</sup>将带测量噪声的系统输出进行 积分作为新的状态建立扩张状态观测器,即积分 型扩张状态观测器(integral ESO, IESO),对系统 进行滤波和状态估计.但扩张的积分状态值随着 时间的增长而增加,可能出现存储溢出等问题. Bai 等<sup>[12]</sup>通过设计扩张状态观测器的反馈增益矩 阵增强扩张状态观测器对系统输出噪声的抑制能 力,取得了一定的效果.

LESO 对测量噪声具有一定的抑制性,且不 依赖于系统模型.笔者根据 LESO 的特点,设计了 一种将观测带宽 ω。和调节参数 τ 作为调节参数

收稿日期:2018-05-21;修订日期:2018-08-27

基金项目:国家自然科学基金资助项目(61273138);天津市自然科学基金资助项目(17JCYBJC16800);天津市教委 科研计划项目(2017KJ044);天津市科技计划项目技术创新引导专项科技特派员项目(17JCTPJC49300)

作者简介:檀盼龙(1988—),男,河北邢台人,天津中德应用技术大学讲师,博士,主要从事智能控制技术和柔性飞 行器的建模与控制方面的研究.

的离散线性扩张状态观测滤波器,通过仿真和应用研究,对其滤波性能进行分析和验证.

#### 1 扩张状态观测器(ESO)

扩张状态观测器是自抗扰控制技术中的核 心部分,目的是利用观测器原理对控制系统状 态及未建模部分和系统扰动进行观测,其中未 建模部分和系统扰动作为一个扩张的系统状态 对待.扩张状态观测器不依赖系统的精确数学 模型,而仅利用系统的阶次进行扩张状态观测 器设计<sup>[6]</sup>.

考虑一类单输入单输出的非线性时变系统, 数学描述为<sup>[6]</sup>:

 $y^{(n)} = f(y^{(n-1)}, y^{(n-2)}, \dots, y, w) + bu,$  (1) 其中, y 是系统的输出; u 为系统输入; w 为系统的 外界干扰; b 为非零的输入增益;  $f(y^{(n-1)}, y^{(n-2)}, \dots, y, w)$  表示系统的非线性时变动态描述.

建立式(1)对应的状态方程:

$$\begin{cases} x_{1} = x_{2} \\ \dot{x}_{2} = x_{3} \\ \vdots \\ \dot{x}_{n-1} = x_{n} \\ \dot{x}_{n} = f(X_{n}, w) + bu \\ y = x_{1} \end{cases}$$
(2)

式中:  $X_n = [x_1, \dots, x_n]^T$ ;  $f(X_n, w)$  表示系统动态 和系统干扰的总和. 为了表示方便将 $f(X_n, w)$ 用f表示,并假定f = h. 因此可以构建系统的扩张状态观测器,

$$\begin{cases} e_{1} = z_{1} - y \\ \dot{z}_{1} = z_{2} - \beta_{01}g_{1}(e_{1}) \\ \dot{z}_{2} = z_{3} - \beta_{02}g_{2}(e_{1}) \\ \vdots \\ \dot{z}_{n} = z_{n+1} + bu - \beta_{n}g_{2}(e_{1}) \\ \dot{z}_{n+1} = -\beta_{n+1}g_{n+1}(e_{1}) \end{cases}$$
(3)

式中: $z_i$ 是观测状态; $e_1$ 表示观测误差; $g_i(e_1)$ 是关于 $e_1$ 的非线性函数;且 $e_1 \cdot g_i(e_1) \ge 0$ .如 果取 $g_i(e_1) = e_1$ 的线性形式,则扩张状态观测 器变为线性的,称为线性扩张状态观测器.线 性扩张状态观测器的估计能力在文献[13]中 得到了证明.

以上扩张状态观测器的分析建立在系统只有 扰动的基础上.如果系统存在测量噪声,系统的状态方程表达为:

$$\begin{cases} \dot{x}_{1} = x_{2} \\ \dot{x}_{2} = x_{3} \\ \vdots \\ \dot{x}_{n-1} = x_{n} \\ \dot{x}_{n} = f(X_{n}, w) + bu \\ y = x_{1} + d_{0} \end{cases}$$
(4)

式中: $d_{o}$ 表示系统的测量噪声.带测量噪声的扩 张状态观测器误差表达式改为 $e_{1} = z_{1} - y = z_{1} - x_{1} - d_{o}$ .

$$\diamondsuit Z = [z_1, z_2, \cdots, z_{n+1}]^{\mathrm{T}}; X = [x_1, x_2, \cdots, x_{n+1}]^{\mathrm{T}}, \underline{\mathbb{H}}$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}_{(n+1) \times (n+1)}^{\mathrm{T}};$$

$$B_1 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \cdots & b & 0 \end{bmatrix}_{1 \times (n+1)}^{\mathrm{T}};$$

$$B_2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \cdots & 0 & 1 \end{bmatrix}_{1 \times (n+1)}^{\mathrm{T}};$$

$$(6)$$

$$B_2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \cdots & 0 & 1 \end{bmatrix}_{1 \times (n+1)}^{\mathrm{T}};$$

$$(7)$$

$$L = \begin{bmatrix} \beta_{01} & \beta_{02} & \cdots & \beta_n & \beta_{n+1} \end{bmatrix}_{1 \times (n+1)}^{\mathrm{T}}.$$

$$(8)$$

则系统状态方程和线性扩张状态观测器方程 表示为:

$$X = AX + B_1u + B_2h; Z = AZ + B_1u - Le_1.$$
 (9)  
 $\hat{e} = X - Z; A_1 = A - L,$ 观测误差表达式为:

$$\dot{\tilde{e}} = A_1 \tilde{e} + B_2 h + L d_o.$$
 (10)  
可以得到如下结论.

定理 1: 假设总干扰的导数  $h(X_n, w)$  和  $d_o$  是 有界的,即存在正数  $M_1$  使  $|h(X_n, w)| \le M_1$ ,存在 正数  $M_2$  使  $|d_o| \le M_2$ ,则总有线性扩张观测器对 带测量噪声的系统的状态观测误差是有界的.即 存在正数  $M_3$  使  $|\tilde{e}| \le M_3$ .

证明:取正数  $\lambda_i < \lambda_j$ ,  $(i < j; i, j = 1, 2, \dots, n + 1)$ , 使得

$$|\lambda I - A_1| = \prod_{i=1}^{n+1} (\lambda + \lambda_i), \qquad (11)$$

此时存在可逆矩阵T,使得

 $A_1 = \mathbf{T} \operatorname{diag}(\lambda_1, \lambda_2, \cdots, \lambda_{n+1}) \mathbf{T}^{-1}, \quad (12)$ 则有

$$\exp(A_1 t) = \boldsymbol{T} \operatorname{diag}(\exp(-\lambda_1 t), \exp(-\lambda_2 t),$$
$$\cdots, \exp(-\lambda_{n+1} t)) \boldsymbol{T}^{-1}, \quad (13)$$

当 t > 0 时,对式(13) 取 m<sub>∞</sub> 范数,可得,

 $\|\exp(A_1t)\|_{m_*} \leq \alpha \exp(-\lambda_1t), t > 0, \quad (14)$ 其中,  $\alpha$  为常数. 由式(10)得到观测误差的解为

$$\tilde{e}(t) = \exp(A_1 t) \tilde{e}(0) + \int_0^t \exp(A_1(t - \tau)) B_2 h d\tau +$$

$$\int_{0}^{t} \exp(A_{1}(t-\tau)) Ld_{o} d\tau.$$
(15)  

$$\begin{aligned} & \& \Rightarrow \exists \ exp(A_{1}t) \tilde{e}(0) \parallel + \\ & \parallel \int_{0}^{t} \exp(A_{1}(t-\tau)) B_{2}h d\tau \parallel + \\ & \parallel \int_{0}^{t} \exp(A_{1}(t-\tau)) Ld_{o} d\tau \parallel \leq \\ & \parallel \exp(A_{1}t) \parallel_{m_{x}} \parallel \tilde{e}(0) \parallel + \\ & \int_{0}^{t} \parallel \exp(A_{1}(t-\tau)) \parallel_{m_{x}} \cdot \\ & \parallel B_{2} \parallel \parallel h \parallel d\tau + \\ & \int_{0}^{t} \parallel \exp(A_{1}(t-\tau)) \parallel_{m_{x}} \cdot \\ & \parallel L \parallel \parallel d_{o} \parallel d\tau \leq \\ & \alpha \parallel \tilde{e}(0) \parallel \parallel \exp(-\lambda_{1}t) \parallel + \\ & \frac{M_{1}\alpha}{\lambda_{1}}(1 - \exp(-\lambda_{1}t)) + \\ & \frac{M_{2}\alpha}{\lambda_{1}}(1 - \exp(-\lambda_{1}t)) \leq \\ & \alpha \parallel \tilde{e}(0) \parallel + \frac{M_{1}\alpha}{\lambda_{1}} + \frac{M_{2}\alpha}{\lambda_{1}} = M_{3}. \end{aligned}$$
(16)

证毕.

#### 2 线性扩张状态观测滤波器设计

根据定理1,线性扩张状态观测器在对带有 测量噪声的被控系统进行观测时,选择适当的观 测器参数可以得到理想的观测效果,因此,可以设 计适当的扩张状态观测器作为滤波器使用.

#### 2.1 线性扩张状态观测器离散化

对于数字控制系统,控制器对系统输出的采 样和处理都是以离散的形式进行<sup>[14]</sup>.以二阶扩张 状态观测器为例,对应的控制系统的扩张状态表 达式为

$$\begin{cases} \dot{x}_{1} = x_{2} + bu \\ \dot{x}_{2} = h \\ y = x_{1} + d_{o} \end{cases}$$
 (17)

取

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} b \\ 0 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix}; L_{d} = \begin{bmatrix} \beta_{01} \\ \beta_{02} \end{bmatrix},$$
(18)

则式(17)对应的线性扩张状态观测器设计为

$$Z = AZ + Bu - L_{\rm d}e_1, \qquad (19)$$

式中:  $Z = [z_1, z_2]^T$ ;  $e_1 = z_1 - y$ . 线性扩张状态观 测器离散化后得

$$Z(k+1) = \Phi Z(k) + \Gamma u(k) - L_{d}e_{1}(k).$$
(20)

设离散后的误差增益  $L_a = \Phi L_c$ ,则有  $Z(k+1) = (\Phi - \Phi L_c C)Z(k) + \Gamma u(k) + \Phi L_c x_1(k).$  (21)

为了简化设计,通过设置 L<sub>e</sub> 将系统极点配置到

根据连续系统离散化理论,得到

$$\Phi = \begin{bmatrix} 1 & T_{d} \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \Gamma = \begin{bmatrix} bT_{d} \\ 0 \end{bmatrix}, L_{c} = \begin{bmatrix} 1 - \beta^{2} \\ (1 - \beta)^{2} \end{bmatrix}.$$
(23)

式(17)所示系统的离散形式为

$$\begin{cases} X(k+1) = \Phi X(k) + \Gamma u(k) \\ y(k) = x_1(k) \end{cases}, \quad (24)$$

式中:  $X = [x_1, x_2]^{T}$ . 式(24)所示的系统可以直接根据式(20)设计离散形式的线性扩张状态观测器.

#### 2.2 线性扩张状态观测滤波器设计

对于任意带噪声系统输出信号序列 y(k),都 可以写成如下形式

$$\begin{cases} x(k+1) = x(k) + Tx'(k) \\ y(k) = x(k) + d(k) \end{cases}, \quad (25)$$

式中:x(k)表示系统实际状态;x'(k)表示两次 采样间隔时间内控制系统状态的变化率;d(k)表 示测量噪声.

式(25)中 x'(k) 是一个动态变化量,将 x'(k) 看作可以通过 ESO 估计的系统总扰动,同 时考虑到滤波器的作用是对系统输出进行准确观 测,不需要总扰动的准确值,所以可以将式(25) 中的 T 设计为可调参数,并用 r 代替,从而根据观 测器的设计原理设计式(25)对应的扩张状态观 测滤波器

$$\begin{cases} e_1(k) = z_1(k) - y(k) \\ z_1(k+1) = z_1(k) + \tau z_2(k) - \beta_{01} e_1(k), & (26) \\ z_2(k+1) = z_2(k) - \beta_{02} e_1(k) \end{cases}$$

式中: 7 是设置的类似采样周期的可调滤波参数. 根据扩张状态观测器离散方法, 式(26)中有

$$\begin{bmatrix} \beta_{01} \\ \beta_{02} \end{bmatrix} = \Phi L_c. \tag{27}$$

线性扩张状态观测滤波器可表示为

$$\begin{cases} e_1(k) = z_1(k) - y(k) \\ Z(k+1) = \Phi Z(k) - \Phi L_c e_1(k) \end{cases}, \quad (28)$$

其中,

$$\boldsymbol{\Phi} = \begin{bmatrix} 1 & \tau \\ 0 & 1 \end{bmatrix}; \boldsymbol{L}_{c} = \begin{bmatrix} 1 - \boldsymbol{\beta}^{2} \\ \underline{(1 - \boldsymbol{\beta})^{2}} \\ \tau \end{bmatrix}; \boldsymbol{\beta} = \exp(-\boldsymbol{\omega}_{o}\tau),$$
(29)

式中: $\omega_{o}$ 和 $\tau$ 是扩张状态观测滤波器的滤波调节 参数.

#### 3 仿真分析与应用研究

为说明线性扩张状态观测滤波器的滤波效果,加入了应用广泛的卡尔曼滤波算法作为对比. 在卡尔曼滤波算法中,系统状态方程和测量方 程为<sup>[15-16]</sup>

$$X_{k} = \boldsymbol{\Phi}_{k|k-1} X_{k-1} + \boldsymbol{\Gamma}_{k-1} W_{k-1}, \qquad (30)$$

$$\boldsymbol{Z}_{k} = \boldsymbol{H}_{k}\boldsymbol{X}_{k} + \boldsymbol{V}_{k}, \qquad (31)$$

式中:  $X_k$  为状态矩阵;  $\Phi_{k|k-1}$  为k-1 时刻到k 时刻 的状态转移矩阵;  $\Gamma_{k-1}$  为k-1 时刻的噪声转移矩 阵;  $W_{k-1}$  为系统噪声;  $Z_k$  为系统测量向量;  $H_k$  为系 统测量矩阵;  $V_k$  表示系统噪声.其中噪声特征描 述为  $E(W_k) = q; E(V_k) = r; E(W_k W_i^T) = Q\delta_i$ ,  $E(V_k V_i^T) = R\delta_i \cdot \delta_i$  为 Kronecker 函数.在对比中假 定噪声的统计特征均为已知的.卡尔曼递推更新 算法表示为

$$\boldsymbol{X}_{k|k-1} = \boldsymbol{\Phi}_{k|k-1} \boldsymbol{X}_{k-1} + \boldsymbol{\Gamma}_{k-1} q, \qquad (32)$$

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{k} = \boldsymbol{Z}_{k} - \boldsymbol{H}_{k} \boldsymbol{X}_{k|k-1} - \boldsymbol{r}, \qquad (33)$$

$$K_{k} = P_{k|k-1}\boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{T}} \left[\boldsymbol{H}_{k}P_{k|k-1}\boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{T}} + R\right]^{-1}, \qquad (34)$$

$$P_{k|k-1} = \boldsymbol{\Phi}_{k|k-1} P_{k-1} \boldsymbol{\Phi}_{k|k-1}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{\Gamma}_{k-1} Q \boldsymbol{\Gamma}_{k-1}^{\mathrm{T}}, \quad (35)$$

$$\boldsymbol{X}_{k} = \boldsymbol{X}_{k|k-1} + \boldsymbol{K}_{k}\boldsymbol{\varepsilon}_{k}, \qquad (36)$$

$$P_{k} = \left[I - \boldsymbol{K}_{k}\boldsymbol{H}_{k}\right]P_{k|k-1}\left[I - \boldsymbol{K}_{k}\boldsymbol{H}_{k}\right]^{\mathrm{T}}.$$
 (37)

#### 3.1 仿真分析

在仿真分析中,设置带测量噪声的传感器输 出序列的采样周期为100 Hz,这满足一般工业传 感器的实际采样频率.

在二阶的线性扩张状态观测滤波器中,有两 个可调参数, $\omega_0$ 和 $\tau$ 均与测量输出的采样频率无 关.在参数调节中,一般考虑调节 $\omega_0$ 、 $\tau$ 改变 $\beta$ 的 值实现线性扩张状态观测滤波器的极点配置,参 数调整方式与线性扩张状态观测器的调参方式相 同<sup>[7]</sup>. $\omega_0$ 的值越大收敛速度越快,相应的噪声也 同样放大; $\omega_0$ 的值越小滤波器滤波效果也好,但 会带来较大的相位偏差,造成时间上的滞后. $\tau$ 的 取值影响滤波精度,仿真实验表明,一般取 $\tau \in$ [0.1,1] 时滤波效果比较理想.

以控制系统输出周期为10 s,幅值为1 的正 弦波和三角波为例,采样间隔 0.01 s,加入幅值 为正弦波 10% 的高斯白噪声,测量结果与实际 值的对比如图 1 所示. y(k) 为实际输出序列;  $z_1(k)$  为y(k) 的带噪声测量序列. 控制系统的 传递函数为

$$y' = -200y + 200u. \tag{38}$$



#### 图1 系统实际输出与测量值

#### Fig. 1 Actual and measured output of system

线性扩张观测滤波器参数选择  $\tau = 0.5$ ,分别 对  $\omega_o = 0.01$ 、0.1、0.5 进行滤波分析.分别用  $z_{A1}(k)$ , $z_{B1}(k)$ 和  $z_{C1}(k)$ 表示  $\omega_o$ 取 0.1、0.01 和 0.5 时滤波器的输出,用  $z_{D1}(k)$ 表示噪声统计特 征已知时卡尔曼滤波器的输出.滤波器输出结果 与 y(k)的对比结果如图 2.



# Fig. 2 Comparisons between filter output and source data

线性扩张状态观测滤波器不同参数取值与卡尔曼滤波器滤波效果的数值特征统计如表 1 所示.卡尔曼滤波器根据式(25)描述的系统进行设计,取 R = 0.1, Q = 0.001.

从表1可以看出,线性扩张状态观测滤波器 的总计算时间在0.011 s 左右,仅为卡尔曼滤波 器计算时间的40%.在算法实现中,卡尔曼滤波

Tab. 2	Comparison of filtering results			
项目	扩张状态观测滤波器( <i>τ</i> =0.5)			卡尔曼
	$\omega_{0} = 0.1$	$\omega_{0} = 0.01$	$\omega_{0} = 0.5$	滤波器
计算时间/s	0.010 5	0.011 0	0.012 1	0.028 1
平均绝对误差	0.019 6	0.346 4	0.043 7	0.041 6
误差方差	5.9e – 04	0.1434	0.003 0	0.002 3

表1 滤波结果对比

器需要进行求逆矩阵运算,对于单片机尤其是低 位宽、低频率的嵌入式系统来说实现比较困难,计 算周期比较长,可能影响实时性,自适应卡尔曼滤 波器等需要在线辨识噪声统计特征的滤波算法则 运算效率更低.线性扩张状态观测滤波器结构简 单,计算效率更高.

从平均绝对误差和误差方差指标的对比中可 以看出,在 $\omega_{o}$ 取0.1时,扩张状态观测滤波器滤 波性能优于卡尔曼滤波器;当 $\omega_{o}$ 取0.5时,扩张 状态观测滤波器的滤波性能有所下降,与卡尔曼 滤波器效果接近.从图2中的 $z_{B1}(k)$ 与y(k)对比 中可以得出,当 $\omega_{o}$ 取0.01时滤波器输出序列  $z_{B1}(k)$ 趋于平滑,但相对y(k)出现了相位偏差, 因此平均绝对误差和误差方差均有所增大.

从以上比较中可以得出结论,线性扩张状态 观测滤波器比卡尔曼滤波器具有更高的计算效 率,算法结构简单便于实现,通过调整 $\omega_o$ 和 $\tau$ 可 以使线性扩张状态观测滤波器得到更好的滤波效 果,而且不存在因噪声统计特征未知而出现的滤 波发散等问题. $\omega_o$ 和 $\tau$ 都是与测量信号的采样频 率无关的参数,因此扩张状态观测滤波器对测量 信号的来源系统和传感器参数不做要求.

#### 3.2 动力翼伞风场辨识中的滤波器应用

本节以动力翼伞系统空投风场的风速风向辨 识为例,对线性扩张状态观测滤波器的应用效果 进行分析.

翼伞是一种由轻质材料制作的可操纵降落 伞<sup>[17-18]</sup>,由于质量轻,在飞行过程中非常容易受 到风场的干扰,因此在动力翼伞系统轨迹规划、轨 迹跟踪、雀降着陆等操作中需要获得风场信 息<sup>[19]</sup>,其中最主要的是风向信息.

动力翼伞系统通过其对地速度、对空气速度 和风速之间的矢量关系求解风速和风向<sup>[20-21]</sup>.风 场辨识原理如图 3 所示.

图 3 中,  $\psi$ 代表欧拉偏航角;  $\beta$ 代表侧滑角;  $V_0$ 代表动力翼伞系统相对于空气的速度, 即空速;  $V_w$ 代表风速; V代表动力翼伞系统相对于大地的 速度, 即地速. 从图 3 中可以看出,  $V_0$ 、 $V_w$ 和 V组成



#### 图 3 动力翼伞系统速度矢量关系图 Fig. 3 Velocity vector diagram of powered parafoil system

一个速度矢量三角形, $\chi_0 \chi$ 和 $\psi_w$ 分别是 $V_0 , V_w$ 和 V与正北方向的夹角.动力翼伞系统的地速 V是 可由 GPS 测得的实际速度,空速  $V_0$ 和风速  $V_w$ 在 辨识过程中保持不变<sup>[20]</sup>.

由于 GPS 存在一定的定位误差,动力翼伞 系统通过 GPS 获得的定位信息都是带有测量误 差的含噪声信号,所以在进行风场辨识之前需 要对 GPS 数据进行滤波处理.在系统中加入线 性扩张状态观测滤波器对 GPS 数据进行滤波 处理.

通过对动力翼伞系统进行建模和仿真获得动 力翼伞系统的飞行轨迹,模拟 GPS 获得采样信息,并添加与 GPS 模块定位精度相等的白噪声作 为定位干扰.在对仿真环境添加  $V_w = (1,2)$  m/s 的稳定风场时,动力翼伞系统在单下偏控制时的 飞行轨迹和风场辨识结果如图 4 和图 5 所示.风 场辨识过程中 GPS 的采样频率为 4 Hz,线性扩张 状态观测滤波器的结构根据式(28)进行设计,滤 波参数取  $\tau = 0.2, \omega_a = 0.23$ .



图 4 单下偏作用下动力翼伞水平轨迹 Fig. 4 Horizontal trajectory of the powered parafoil system with unilateral bias

从图4中可以看出,动力翼伞系统的轨迹在





## Fig. 5 Wind identification result of the powered parafoil system with unilateral bias

单下偏控制时受风场作用沿风向发生偏移,即风 场影响动力翼伞的运动状态.

图 5 表示风场辨识的迭代更新结果.因为递 推最小二乘法的初值设置为 0,所以前期的估计 结果为无效值,未在图中给出.风向角的辨识结果 最大误差为 6.48°,绝对平均误差为 2.67°,风速 值的辨识结果中最大误差值为0.45 m/s,平均误 差为 0.17 m/s,而且随着迭代步数的增加,辨识 结果接近真实数值.结果表明经过 GPS 信号滤波 后的风场辨识结果在风速和风向上均有较高的辨 识精度.

#### 4 结论

线性扩张状态观测器可以对带有测量噪声的 信号进行准确的观测,具有一定的滤波能力.将扩 张状态观测器的滤波能力作为主要指标进行设 计,提出了一种线性扩张状态观测滤波器.线性扩 张状态观测滤波器设计中对参数 τ 的引入可以实 现滤波器对采样频率未知或者变化系统输出的滤 波处理,扩大了滤波器的应用范围.仿真对比结果 显示,线性扩张状态观测滤波器比卡尔曼滤波器 具有更快的计算速度.同时,线性扩张状态观测滤 波器不需要测量噪声的统计特征,因而更实用.线 性扩张状态观测滤波器在动力翼伞系统风场辨识 中的应用结果也表明其具有良好的滤波效果,风 场辨识结果中风向的辨识精度足以保证动力翼伞 系统雀降时的迎风对准和着陆.

#### 参考文献:

[1] 丁国强,张铎,熊明,等. SINS 姿态估计的 HoMM-UKF 模型算法[J].郑州大学学报(工学版), 2017, 38(4):39-45.

- [2] 王晓东,马磊,韦宗毅.基于 Sage-Husa 方法的旋翼 姿态控制[J].计算机工程与设计,2015,36(7): 1747-1751.
- [3] 李明,许川佩,李翔. 基于 UD 分解的 Sage-Husa 自适应滤波算法[J]. 计算机仿真, 2017, 34(11): 285-289.
- [4] 韩京清. 自抗扰控制器及其应用[J]. 控制与决策, 1998, 13(1):19-23.
- [5] 周宜然,甘屹,陶益民,等.基于改进遗传算法的伺服系统自抗扰控制研究[J].机械工程与自动化, 2015(1):159-161.
- [6] 刘一莎,杨晟萱,王伟.四旋翼飞行器的自抗扰飞 行控制方法[J].控制理论与应用,2015,32(10): 1-10.
- [7] FENG G, LIU Y F, HUANG L P. A new robust algorithm to improve the dynamic performance on the speed control of induction motor drive [J]. IEEE trans on power electronics, 2004, 19(6):1614 - 1627.
- [8] HAN J Q. From PID to active disturbance rejection control [J]. IEEE transactions on industrial electronics, 2009, 56(3):900-906.
- [9] GAO Z Q. Scaling and bandwidth-parameterization based controller tuning [C] // Proceedings of the American Control Conference. Colorado: 2003(6): 4989-4996.
- [10] 周宏, 谭文. 线性自抗扰控制的抗饱和补偿措施[J], 控制理论与应用, 2014, 31(11):1457-1463.
- [11] 宋金来,甘作新,韩京清. 自抗扰控制技术滤波特性的研究[J]. 控制与决策, 2003, 18(1):110-113.
- [12] BAI W, XUE W, HUANG Y, et al. The extended state filter for a class of multi-input multi-output nonlinear uncertain hybrid systems[C] // Conference on computational complexity. Nanjing, 2014: 2608 - 2613.
- [13] 陈增强,孙明玮,杨瑞光.线性自抗扰控制器的稳定性研究[J],自动化学报,2013,39(5): 575-582.
- [14] MIKLOSOVIC R, RADKE A, GAO Z Q, et al. Discrete implementation and generalization of the extended state observer [C] // American control conference. Minneapolis, 2006.
- [15] VENKATARAMAN V, FAN G, HAVLICEK J P, et al. Adaptive kalman filtering for histogram-based appearance learning in infrared imagery [J]. IEEE transactions on image processing, 2012, 21 (11): 4622-4635.
- [16] GAO X D, YOU D Y, KATAYAMA S. Seam tracking monitoring based on adaptive Kalman filter embedded elman neural network during high-power fiber laser

welding [J]. IEEE transactions on industrial electronics, 2012, 59(11):4315-4325.

- [17] ZHU E L, SUN Q L, TAN P L, et al. Modeling of powered parafoil based on Kirchhoff motion equation
   [J]. Nonlinear dynamics, 2015, 79(1): 617 - 629.
- [18] TAO J, SUN Q L, TAN P L, et al. Autonomous homing control of a powered parafoil with insufficient altitude[J]. Isa transactions, 2016: 516 - 524.
- [19] 檀盼龙,孙青林,陈增强. 自抗扰技术在动力翼伞

轨迹跟踪控制中的应用[J].浙江大学学报(工学版),2017,51(5):992-999.

- [20] 檀盼龙,孙青林,高海涛,等.动力翼伞系统空投风 场的辨识与应用[J].航空学报,2016,37(7): 2286-2294.
- [21] 高海涛. 翼伞系统自主归航航迹规划与控制研究
   [D]. 天津:南开大学计算机与控制工程学院,2014.

#### Analysis and Application of Linear Extended State Observer Filter

#### TAN Panlong, LI Yimin, ZHAO Xiangbin, SHAO Xin

(Intelligent Manufacturing College, Tianjin Sino-German University of Applied Sciences, Tianjin 300350, China)

Abstract: A novel filtering method based on the extended state observer (ESO) was proposed according to the engineering practice that the system outputs are impact by measurement noise. The linear ESO (LESO) filter achieved noise reduction process based on the accurate observation ability of ESO. And the LESO filter did not need the statistical characteristics of noise in its application and it was capable for control system outputs with unknown or varied sampling rate. The LESO filter was simple in structure with two tunable parameters; and was suitable for embedded systems. Proof of the uniform convergence of the LESO for control systems with output measurement noise was presented in the analysis section. And the LESO filter was presented in discrete form. Simulation results reveals that the linear ESO filter was applied to the wind identification of the powered parafoil and payload system in landing area. The application showed that the LESO filter was effective and easy to use.

Key words: extended state observer; filter; active disturbance rejection control; powered parafoil; wind identification