文章编号:1671-6833(2019)03-0031-05

# 基于全矢稀疏编码的滚动轴承故障识别方法

郝 伟,林辉翼,郝旺身,高亚娟,董辛旻

(郑州大学 机械工程学院,河南 郑州 450001)

摘 要:针对利用时域信号进行稀疏编码存在的特征时移现象以及单通道信号分析易造成信息遗漏等问题,将全矢谱技术与稀疏编码相结合,提出了一种新的滚动轴承故障识别方法:首先对各状态下的滚动轴承同源双通道信号进行全矢信息融合;然后将融合后得到的主振矢信号进行字典学习,以构造各类信号的冗余字典;最后利用各类字典分别重构测试样本,将其重构误差的大小作为判断样本状态类别的依据.该方法通过将时域信号全矢融合后转化为主振矢信号,其训练样本中所包含的信息更加全面准确,且免去了特征提取步骤,减少了人为因素的影响.实验结果表明,该方法计算效率高,实用性好,可有效判断出滚动轴承的故障类型.

关键词:全矢谱;稀疏编码;故障诊断;滚动轴承;字典学习

中图分类号: TH212; TH213.3 文献标志码:

0 引言

滚动轴承的运行状态良好与否将直接影响 机械系统的可靠性和使用寿命,准确地判断出 滚动轴承的运行状态将在很大程度上避免事故 发生,因此对滚动轴承进行状态识别具有重要 意义<sup>[1]</sup>.

近年来,由压缩感知发展而来的基于稀疏编 码的模式识别方法已广泛应用于图像识别、语音 识别等相关领域.在国外,Wright等<sup>[2]</sup>首先将稀疏 编码应用于模式识别,其提出的稀疏表征分类 (sparse representation classification, SRC)方法经 验证是一种有效的人脸识别方法.Yang 等<sup>[3]</sup>在 SRC 方法的基础上进行了相关改进,提出了 Metaface 方法,分别对每类样本学习一组字典,大大缩 小了字典规模,提高了 SRC 的识别效率.稀疏编 码是一种自适应好、稳定性高的机器学习方 法<sup>[4]</sup>,近年来国内一些研究人员已尝试将其应用 于旋转机械的故障识别,并提出了一些有效的故 障识别方法,降低了故障诊断的工作难度.Liu 等<sup>[5]</sup>利用移不变稀疏编码(SISC)对信号进行字 典学习,从而解决了时域信号分割所造成的特征 时移问题,并利用 LDA 分类器对所提取的稀疏特 征进行模式识别,取得了较优异的效果,但是该方 法所需的计算量非常大,在处理海量冗余数据方 面具有一定的局限性.朱会杰等<sup>[6]</sup>利用频域信号 进行字典学习,且利用计算效率更高的稀疏编码 对滚动轴承进行状态识别,该方法既解决了时域 信号特征时移问题,又提高了识别效率和准确率. 但由于该方法仅将单通道信号作为训练样本进行 字典学习,存在信息利用不全面等问题,所构造字 典的鲁棒性有待进一步提高.

doi:10.13705/j.issn.1671-6833.2018.03.007

基于以上分析,笔者提出一种结合全矢谱和 稀疏编码的滚动轴承故障识别方法.首先利用全 矢谱技术对训练样本进行信息融合.然后,利用全 矢融合后的主振矢信号构造自适应字典,从而避 免了信息遗漏问题,由于主振矢信号属于频域信 号,因此也不会出现特征时移现象.最后,利用稀 疏编码对滚动轴承各类信号进行状态识别.

## 1 全矢谱与稀疏编码理论

#### 1.1 全矢谱理论

在各谐波频率组合作用下,转子的涡动轨迹 为一系列椭圆.全矢谱技术定义上述椭圆的长轴 和短轴分别为主振矢和副振矢,将其作为评价转 子振动强度的指标和故障诊断的依据.

收稿日期:2017-10-11;修订日期:2018-01-22

基金项目:国家重点研发计划专项项目(2016YFF0203100)

作者简介:郝伟(1963一),男,山东菏泽人,郑州大学副教授,博士,主要从事机械故障诊断研究,E-mail:hwzdj@vip. sina.com.

设x,y方向上的离散信号分别为 $\{x_n\}$ 和 $\{y_n\}$ ,将其融合为复序列,即

$$\{z_n\} = \{x_n\} + j\{y_n\}.$$
(1)

对  $\{z_n\}$  做傅里叶变换得到  $\{Z_n\}$ ,由傅里叶 变换的共轭性可得到:

$$\begin{cases} X_{k} = \frac{1}{2} [Z_{k} + Z_{N-k}^{*}]; \\ Y_{k} = -\frac{j}{2} [Z_{k} - Z_{N-k}^{*}]; \end{cases}$$
(2)

 $[(k = 0, 1, 2, \cdots, N - 1)]$ .

再根据傅里叶变换性质可得下式(具体推导 过程参考文献[7]):

$$\begin{cases} R_{Lk} = \frac{1}{2 N} [|Z_{k}| + |Z_{N-k}|]; \\ R_{Sk} = \frac{1}{2 N} [|Z_{k}| - |Z_{N-k}|]; \\ (k = 0, 1, 2, \dots, N-1), \end{cases}$$
(3)

式中: R<sub>Lk</sub> 为主振矢; R<sub>Sk</sub> 为副振矢.

全矢谱在算法上结构稳定,且与单通道分析 方法兼容,可满足实际诊断要求.

#### 1.2 稀疏编码模型

稀疏编码源自生物神经学,旨在以最高效的 编码方式最大程度地反映信号的特征信息.稀疏 编码的数学模型可表示为:

$$X = Ds + \varepsilon = \sum_{k=1}^{k} d_k s_k + \varepsilon, \qquad (4)$$

式中:  $X \in \mathbb{R}^{M \times T}$  为一个输入信号;  $D \in \mathbb{R}^{M \times K}$  为过 完备字典;  $d_k$  为字典中的基函数; s 为信号 X 的稀 疏表征系数;  $\varepsilon$  一般为高斯白噪声.

在式(4)所示模型中,信号 X 的维数应小于 基函数  $d_k$  的个数,即 M < K,且在大部分情况下  $M \ll K$ ,即字典 D 为过完备字典.这是由于稀疏编 码模型旨在求 X 的稀疏解,而 D 若为满秩矩阵则 将不满足要求.

通常采用 l<sub>0</sub> 范数的大小来表征稀疏性,因此 稀疏编码的过程可转化为求解下式:

$$\begin{cases} \min \| \boldsymbol{s} \|_{0}, \\ \text{s.t. } \boldsymbol{X} = \sum_{k=1}^{k} \boldsymbol{d}_{k} \boldsymbol{s}_{k}. \end{cases}$$
(5)

### 1.3 自适应字典学习

字典学习是稀疏编码中的重要部分,主要包括固定字典和自适应字典<sup>[8]</sup>.其中自适应字典能 根据不同类型的信号自适应地产生最能匹配信号 内在结构的基函数库.

采用 K-SVD 算法构造自适应字典,该算法灵 活性好、匹配精度高,主要步骤如下: (1)依次将样本信号以列向量赋值给字典矩 阵,构造初始字典 D;

(2)根据上述稀疏编码模型,求解稀疏 系数*s*;

(3)更新字典.该计算步骤等同于求解以下问题:  $\min_{D,s} \{ \| X - Ds \|_{2}^{2} \}, \text{ s.t } \forall i, \| s_{i} \|_{0} \leq T_{0}, (6)$ 式中:  $T_{0}$  为稀疏编码中对应基函数上限,即稀 疏度.

## 2 全矢稀疏编码模式识别原理

#### 2.1 基于全矢谱的模式识别机理

将一段较长的时域信号分割为若干信号段来 进行分析是一种常见的信号处理方法.然而,由于 时域信号中的特征位置分布具有随机性,因此其 中的特征模式会因信号分割而被移动,从而造成 特征时移现象<sup>[9]</sup>.图1为不同状态下滚动轴承两 个方向的时域振动信号.



different status

由图 1 可知,当滚动轴承处于不同运行状态 时,其时域信号差异明显.且当其运行状态相同时, 由于信号采集位置及截取起点的不同,其时域信号 也具有差异.因此,基于时间序列对相同状态下的 信号进行稀疏编码不能保证其特征模式相同.

文献[6]利用单通道实际信号验证了当滚动 轴承处于不同状态时,其频谱之间具有很大差异, 因此无法互相稀疏表征.而当滚动轴承处于相同 状态时,其频谱的统计规律相似,因此可相互稀疏 表征.

然而,对于同一截面上的同源振动信号,当传 感器布置的方向不同时,所采集到的信号之间往 往存在差异.图 2 为上述时域信号对应的频谱和 将其进行全矢融合后的主振矢谱.



# 图 2 不同状态下的轴承频谱及全矢谱 Fig.2 Bearing frequency spectrum and full vector spectrum under different status

由图 2 可知,不同通道的同源信号的频谱结构 差别明显,因此相互稀疏表征的效果将会较差.而 图 2(e)和图 2(f)所示的主振矢谱有效地融合了两 个通道的频率特征信息,因此可以更好地实现频谱 的相互稀疏表征,避免了信息缺失问题的出现.

由上述可知,将两个方向的时域样本信号进 行全矢融合后得到其主振矢谱,可更好地利用稀 疏编码对样本信号进行状态识别.

## 2.2 基于稀疏重构误差的模式识别原理

由式(6)可知:当稀疏度  $T_0$ (稀疏编码的基函数个数)确定时,采用由字典学习算法得到的字典 D 对原信号 X 进行重构,可得到最小的重构误差,即

 $\|\boldsymbol{X} - \boldsymbol{D}\boldsymbol{s}\|_{2}^{2} \leq \|\boldsymbol{X} - \boldsymbol{D}_{i}\boldsymbol{s}\|_{2}^{2}, \text{s.t } \forall i, \|\boldsymbol{s}_{i}\|_{0} \leq T_{0},$ (7)

式中:l为不符合稀疏编码条件的字典的编号,  $l \in (0,n)$ .

由上述分析可知,当样本信号 X 与字典 D 所 对应的状态一致时,该字典 D 符合稀疏编码的模 型成立条件,即该样本信号 X 可在已指定的稀疏 度  $T_0$  下很好地被稀疏重构,且其重构误差将会很 小.由于不同状态下的主振矢信号之间具有明显 差异,则其各自由字典学习算法得到的字典也将 差别显著.因此,当样本信号 X 与当前字典 $D_i$ 所对 应的状态不同时,字典 $D_i$ 将不适用于对样本信号 X 进行稀疏编码,即样本信号 X 在理论上无法在 稀疏度  $T_0$  下很好地被稀疏重构,其重构误差将会 明显较大,即

 $\| \boldsymbol{X} - \boldsymbol{D}_{i} \boldsymbol{s} \|_{2}^{2} \ge \varepsilon_{0}, \text{ s.t } \forall i, \| \boldsymbol{s}_{i} \|_{0} \le T_{0}, \quad (8)$ 式中:  $\varepsilon_{0}$  为稀疏编码的误差限. 因此,可根据上述稀疏编码的特点进行状态 识别,为了便于对比,将与样本之间具有最小重构 误差率的字典类别作为该样本的状态.稀疏编码 的重构误差率表示为:

$$\delta = \frac{\| X - Ds \|_{2}^{2}}{\| X \|_{2}^{2}}.$$
 (9)

基于全矢稀疏编码的滚动轴承模式识别方法 主要步骤如下:

(1)利用全矢谱技术对滚动轴承同源双通道信 号进行融合,把得到的主振矢信号作为训练样本;

(2)分别对处于每类状态下的主振矢信号进行字典学习,以构造各类状态下所对应的子字典,则所有子字典构成了一个大的基函数库;

(3)确定稀疏编码中的稀疏度 T<sub>0</sub>,利用已构造的各类子字典以相同的稀疏度分别对样本信号进行稀疏编码,得到该样本在各类子字典下进行稀疏编码后的重构信号;

(4)按照式(12)所示计算样本信号和各子字 典重构信号之间的重构误差率,当样本与子字典 的类别相同时,所得的重构误差率将会很小,且明 显小于使用其他子字典重构时所得的误差率.将 所得误差率最小的子字典的类别作为该样本的状 态类别.

## 3 实验与分析

本实验采用美国辛辛那提大学智能维护中心 提供的滚动轴承数据进行分析.该实验装置如图 3 所示,其主轴上安装有 4 个轴承,实验装置中的传 动轴由一个直流电机驱动,电动机的转速约为 2 000 r/min,转轴和轴承上通过弹性系统施加径 向载荷为 6 000 磅,并且所有轴承都得到了充分 润滑.轴承参数如表 1 所示.在实验中,每个轴承 座安装有两个美国 PCB 公司生产的 353B33 型 ICP 加速度传感器(相互垂直布置:一个水平方 向,一个垂直方向),因此所采集到的信号属于同 源双通道信号,可满足全矢谱融合的基本条件.采 样频率为 20 000 Hz,每 10 min 记录一组数据,每 组数据共有 20 480 个点.

表 1 实验轴承参数 Tab.1 Experimental bearing parameters

轴承型号	滚子个数	滚子直径/ mm	节圆直径/ mm	接触角/ (°)
ZA-2115 双列轴承	16	8.4	71.5	15. 17





## 图 3 实验装置说明图 Fig.3 Test Rig Illustration

为了更全面地获取信号中的特征信息,首 先,利用全矢 Hilbert 方法对实验信号进行信息 融合,得到各信号的 Hilbert 主振矢谱,并以其作 为构造字典的训练样本.然后,利用自适应字典 学习算法分别对处于内圈故障、外圈故障、滚动 体故障及正常状态下的训练样本进行字典学 习,得到滚动轴承在各状态下所对应的子字典. 每类子字典的基函数个数为 30,稀疏度为 5,训 练迭代次数为 80.各类字典中的部分基函数波 形如图 4 所示.

由图 4 可知,不同类型字典的基函数差别显著,而相同类型字典的基函数之间具有相似的统计规律.



Fig.4 Some basis functions of each class dictionary

为了验证本文所述方法的有效性,将各状态 下的实验信号分割为长度为 2 048 点且不互相重 叠的样本,共得到两个通道的样本各 300 组,然后 将样本信号进行全矢信息融合,最后以融合后得 到的 Hilbert 主振矢谱作为测试样本,利用已构造 的各类子字典依次对其进行稀疏编码.实验表明: 该方 法 在 所 有 状 态 下 的 平 均 识 别 准 确 率 为 99.8%,所得到的部分相应重构误差结果(选取 30 组)如图 5 所示.图中:"•"表示采用不同状态 类别的字典得到的重构结果,实线表示采用相同 状态类别的字典得到的重构结果.





## Fig.5 Classification result obtained by using the method of full vector sparse coding

由图 5 可知,各类测试样本在与其状态相同 的字典下的稀疏重构误差率均远低于在其他字典 下的稀疏重构误差率,因而可明显地识别出测试 样本的状态类型,且具有很高的准确率.

文献[6,10]分别使用时域信号和单通道频 谱作为训练样本构造字典,然后利用稀疏编码的 特性对轴承进行了故障检测和分类.为了突出本 文方法的优势,分别利用各状态下本实验轴承的 时域信号和单通道频谱构造字典,其他分析步骤 与本文方法相同,稀疏编码重构结果分别如图 6 和图 7 所示.

由图 6 可知,采用各类字典重构所得到的重 构误差率的值很不稳定,区分度也较低.对于与各 字典状态类别相同的测试样本,其重构误差率仍 然较高,甚至多次出现高于其他类型测试样本的 情况.因此,通过比较时域信号的重构误差率大小 无法判断出测试样本的状态类型,即使用时域信 号进行状态识别的效果不太理想.

由图 7 可知,相对于时域分析方法,基于单通 道频谱的分析方法可有效识别实验轴承的状态类 型,但是其识别准确率低于本文所提出的方法,而 且测试样本在对应状态字典下的重构误差和在其 他状态类别字典下的重构误差之间的区分度较 低,误差率波动也较大,这说明基于单通道频谱的 识别方法在稳定性方面也低于基于全矢谱的识别 方法.



(b) 正常信号字典重构 (c) 滚动体故障信号字典重构 (d) 外圈故障信号字典重构

图 7 以单通道频谱作为训练样本得到的分类结果

#### Fig.7 Classification result obtained by using single channel frequency spectrum as training data

综上所述,融合了双通道信息的全矢稀疏编 码模式识别方法的综合性能优于时域分析方法和 单通道频谱分析方法.

(a) 内圈故障信号字典重构

#### 4 结论

(1)提出了一种结合全矢谱和稀疏编码的滚动轴承故障识别方法,将滚动轴承信号进行全矢信息融合后得到的主振矢谱作为训练样本进行字典学习,既解决了时域信号的特征时移问题,又解决了单通道信号的特征信息遗漏问题,提高了所构造字典的鲁棒性.实验结果表明,该方法能以较高的准确率和效率实现对滚动轴承信号的状态识别.

(2)与传统的稀疏编码模式识别方法相比,本 文方法省去了人工提取特征的步骤,可减少前期工 作量,在处理海量冗余数据方面具有明显的优势.

# 参考文献:

- [1] 熊庆,张卫华.基于 MF-DFA 与 PSO 优化 LSSVM 的 滚动轴承故障诊断方法[J].振动与冲击,2015,34 (11):188-193.
- [2] WRIGHT J, YANG A Y, GANESH A, et al. Robust face recognition via sparse representation [J]. IEEE transactions on pattern analysis & machine intelligence, 2009, 31(2): 210-227.
- [3] YANG M, ZHANG L, YANG J, et al. Metaface learning for sparse representation based face recognition

[C]//IEEE International Conference on Image Processing.Hong Kong, China: IEEE, 2010: 1601-1604.

- [4] DING X X, HE Q. Time-frequency manifold sparse reconstruction: A novel method for bearing fault feature extraction [J]. Mechanical systems & signal processing, 2016, 80:392-413.
- [5] LIU H N, LIU C L, HUANG Y X. Adaptive feature extraction using sparse coding for machinery fault diagnosis [J]. Mechanical systems & signal processing, 2011, 25(2): 558-574.
- [6] 朱会杰,王新晴,芮挺,等.基于频域信号的稀疏编码在机械故障诊断中的应用[J].振动与冲击, 2015,34(21):59-64.
- [7] 李凌均,陈超,韩捷,等.全矢支持向量回归频谱预测方法[J].郑州大学学报(工学版),2016,37
  (3):78-82.
- [8] ZHANG H, CHEN X F, DU Z H, et al. Nonlocal sparse model with adaptive structural clustering for feature extraction of aero-engine bearings [J]. Journal of sound & vibration, 2016, 368;223-248.
- [9] 苗中华,周广兴,刘海宁,等. 基于稀疏编码的振动 信号特征提取算法与实验研究[J]. 振动与冲击, 2014, 33(15):76-81.
- [10] 张新鹏,胡茑庆,程哲,等.信号稀疏分解理论在轴 承故障检测中的应用[J].国防科技大学学报, 2016,38(3):141-147.

## Fault Recognition Method of Rolling Bearing Based on Full Vector Sparse Coding

HAO Wei, LIN Huiyi, HAO Wangshen, GAO Yajuan, DONG Xinmin

(Research Institute of Vibration Engineering, Zhengzhou University, Zhengzhou 450001, china)

Abstract: Aiming to solve the problem of shift phenomenon of time domain signal sparse coding and the problem of single channel analysis often result in inadequate use of information, a new method for fault identification of rolling bearings was proposed by combining the full vector spectrum technique and sparse coding. Firstly, full vector information fusion of the homogeneous dual-channel signal of the rolling bearing in each state was carried out. Then, the main vibration vector signals obtained was applied to construct all kinds of redundant dictionaries. Finally, these dictionaries were employed to reconstruct the test samples, and the reconstruction residual was taken as the criterion to identify the status of these samples. Through converting the timedomain signals into main vector signals, the information contained in the training samples was more comprehensive and accurate. Besides, the feature extraction step could be eliminated, so it could reduce the effect of human factors. The test results demonstrated that the proposed method, which had high efficiency as well as good practicability, and could effectively identify the fault pattern of rolling bearing.

Key words: full vector spectrum; sparse coding; fault diagnosis; rolling bearing; dictionary learning